

۶ کیان کریمی خراسانی

■ کلیدواژه‌ها: اعداد رومی، عددنویسی به روش رومی

شكل رومی چگونه نوشته می‌شود؟^۱

$$=53 \quad =21 \quad =12 \quad =8$$

اکنون به این تساوی‌ها دقت کن:

$$19 = 10 + 9 \Leftrightarrow X + IX = 19 \Leftrightarrow 19 = XIX$$

همان طور که دیدی، هر عدد به یکان، دهگان، صدگان و ... تجزیه می‌شود. سپس معادل رومی یکان، دهگان، صدگان را به دست می‌آوریم و آن‌ها را کنار هم قرار می‌دهیم؛ مثلًا:

$$124 = 100 + 20 + 4 = C + XX + IV = CXXIV$$

حال باید دید که اعداد بزرگ‌تر را چگونه نمایش می‌دهند. برای این موضوع باید جدول زیر را با کمک گرفتن از «راهنمای بگویابی» کامل کنی:

۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹
۱۰	۲۰	۳۰	۴۰	۵۰	۶۰	۷۰	۸۰	۹۰
۱۰۰	۲۰۰	۳۰۰	۴۰۰	۵۰۰	۶۰۰	۷۰۰	۸۰۰	۹۰۰



		III						
			XL					XC
CC					DCC			

اکنون اعداد زیر را به صورت رومی بنویس:

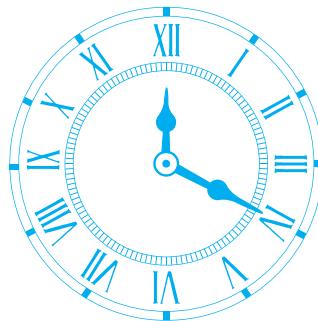
$$=499 \quad =630 \quad =73 \quad =109$$

پس می‌توانیم به یک جمع‌بندی برسیم:

- اگر حرفی بعد از حرف دیگری قرار گیرد که مرتبه بالاتری دارد، با آن جمع می‌شود؛ مثلًا .LXV.

- از یک حرف به تعداد ۱، ۲ یا ۳ بار برای جمع استفاده می‌شود؛ مثلاً VII و VII و VII.

می‌خواهیم با شیوهٔ عددنویسی رومی^۱ آشنا شویم. این شیوه روشنی خاص برای نوشتن اعداد است. گذشته از اینکه واحد نوعی «صالت و سنگینی» نیز هست؛ چرا که، برای مثال، روی بسیاری از بنایها به جای نوشتن سال پایان ساخت آن‌ها با اعداد معمولی، از اعداد رومی استفاده می‌کنند. احتمالاً اعداد رومی به چشمانتان آشنا هستند. برای مثال، در بعضی ساعت‌ها، آن‌ها را دیده‌اید:



ویژگی بارز این شیوه آن است که در آن به جای رقم، از حروف الفبای لاتین استفاده می‌شود.^۲ این حروف عبارت هستند از، I و M. هر کدام از این حروف یک ارزش عددی دارند، آیا می‌دانی که ارزش هر کدام برابر با چه عددی است؟^۳

$$=C \quad =L \quad =X \quad =V \quad =I \quad =M \quad =D$$

نکته مهم این است که ترتیب جایگیری این ارقام تأثیر گذار است؛ مثلاً IV = 4 است، ولی VI = 6 است. آیا می‌توانی بگویی هر کدام از این نشانه‌ها نمایانگر چه عددی است؟^۴

$$=LI \quad =XX \quad =IX \quad =XI$$

از طرف دیگر، آیا می‌توانی بگویی که هر کدام از اعداد زیر، به

- پاسخ این پرسش چند گام منطقی دارد:
 - حرف X می‌تواند هم در دهگان باشد و هم در یکان، ولی به خاطر حضور ۷ نمی‌تواند در یکان باشد. پس X قطعاً در دهگان حضور دارد.
 - حرف C می‌تواند هم در صدگان باشد و هم در دهگان، ولی به خاطر حضور L نمی‌تواند در دهگان باشد. پس C قطعاً در صدگان حضور دارد.
- در نتیجه:
- دو حرف V و I یکان را می‌سازند: $4 + 6 = 10$
 - دو حرف L و X دهگان را می‌سازند: $4 + 6 = 10$
 - دو حرف D و C صدگان را می‌سازند: $40 + 60 = 100$
- پس تعداد پاسخ‌های مسئله (به کمک اصل ضرب) می‌شود: $2 \times 2 \times 2 = 8$
- یعنی اعداد ۴۴۴، ۴۶۴، ۴۶۶، ۶۴۶، ۶۶۶، ۶۶۴، ۶۴۴، ۴۶۶ می‌شود؛ یک عدد مثال بزن و اگر نمی‌شود دلیل بیاور.



- اگر حرفی قبل از حرف دیگری قرار گیرد که مرتبه بالاتری دارد، از آن تفریق می‌شود؛ مثلاً CD و XC
 - از یک حرف تنها به تعداد ۱ بار برای تفریق استفاده می‌شود. مثلاً برای ۳۰۰ داریم، ولی CCC نداریم.
 - اگر یک حرف بین دو حرف با مرتبه بالاتر قرار گیرد، ابتدا با حرف سمت راست خود ترکیب می‌شود و سپس کل ترکیب با حرف سمت چپ جمع می‌شود؛ مثلاً XIX و CDXC.
- اکنون می‌توانیم یک پرسش را مطرح کنیم: آیا می‌توان عدد ۴۹۹ را به صورت ID نمایش داد؟
- پاسخ منفی است، زیرا تنها در ارزش مکانی یگان قرار دارد، ولی در ID اگر با D ترکیب شود، در ارزش مکانی دهگان و صدگان نیز مداخله کرده است.
- در اصل جایگاه هر حرف در این جدول دیده می‌شود:

حرف	مثال	ارزش مکانی
I	یکان	IX, VI, II, I
V	یکان	V
X	دهگان	XC و LX, XX, X IX
L	دهگان	L
C	صدگان	CM و DC, CC, C XC
D	صدگان	D
M	هزارگان	MM, CM CM

- حال با توجه به اینکه نمی‌دانیم چه حرفی برابر با ۵۰۰۰ است، به این پرسش‌ها جواب بدء:
- بزرگ‌ترین عددی که با این حروف می‌توانیم بسازیم چه عددی است؟^{۸۹}
 - از بین کل اعدادی که بلد هستی، کدام (یا کدامها) بیشترین تعداد حروف را دارد؟^{۹۰} مثلاً عدد $(MCCCXC = 1390)$ دارای ۶ حرف است.
 - حال بگو هر کدام از موارد زیر برابر با چه عددی هستند؟^{۹۱}

$$=MCMXX =CIX$$

$$=CDLXXXVII =CMII$$

$$=MMMCM =LXIX$$

اکنون می‌توانیم بگوییم که پرسش‌هایمان به «مرحله منطقی» نزدیک شده‌اند.

یک پرسش دیگر! عدد DCLXVI را در نظر بگیر. با جایه‌جایی حروف آن چند عدد دیگر می‌توان تولید کرد؟



پی‌نوشت‌ها

1. Roman numerals
درست مثل عددنويسي ابجدي که در گذشته در ايران معمول بود و در آن حروف الفبا به کار می‌رود.
- | | | | | | |
|-----------|--------|--------|---------|-------|-------|
| 3. I=1 | V=5 | X=10 | L=50 | C=100 | D=500 |
| M=1000 | | | | | |
| 4. XI=11 | IX=9 | XX=20 | XL=51 | | |
| 5. VIII=8 | XII=12 | XXI=21 | LIII=53 | | |

I	II	III	IV	V	VI	VII	VIII	IX
X	XX	XXX	XL	L	LX	LXX	LXXX	XC
C	CC	CCC	CD	D	DC	DCC	DCCC	CM

7. CIX=109 LXXIII=73 DCXXX=630 CDXCIX=499
 $MMMMCIX=3999.8$
 $MMMDCCCLXXXVIII=3888.9$. يکی از جواب‌های است.
 ۱۰. به ترتیب: ۹، ۱۰، ۹، ۴۸۷، ۹۰۲، ۱۹۰، ۶۹، ۳۹۰۰.
 ۱۱. راهنمایی: این عدد باید بر ۳ بخش پذیر باشد.
 ۱۲. راهنمایی: از تقریب استفاده کن.
 ۱۳. راهنمایی: در بین موزاییک‌ها ۴ تا C وجود دارد.

اکنون فرض کن در یک بنای تاریخی در شهر رم هستی که در آن‌ها اعداد رومی نیز وجود دارد. در سه جای این بنای متن‌هایی نوشته شده که برای ما، سه معما را طراحی می‌کنند:

معمای اول. روی یکی از دیوارها یک داستان کوتاه می‌بینی. در زیربخشی از متن این داستان را می‌بینی که یک حرف از عدد داخل داستان مخدوش شده (□) بود:

«آکیلیوس بازارگان، دارایی خود را که تعداد MCC □ LVI سکه بود، بین همسر و دو فرزند خود به‌طور مساوی تقسیم کرد. این کارش باعث خشم ... »

عدد MCC □ LVI برابر با چه عددی بود؟^{۱۱}

معمای دوم. روی یک دیوار یک عمل ضرب بود که بعضی از جاهایش از بین رفته است، تا جایی که حتی نمی‌شود فهمید چند حرف از بین رفته است. آیا می‌توانی کل عمل ضرب را کشف کنی؟^{۱۲}

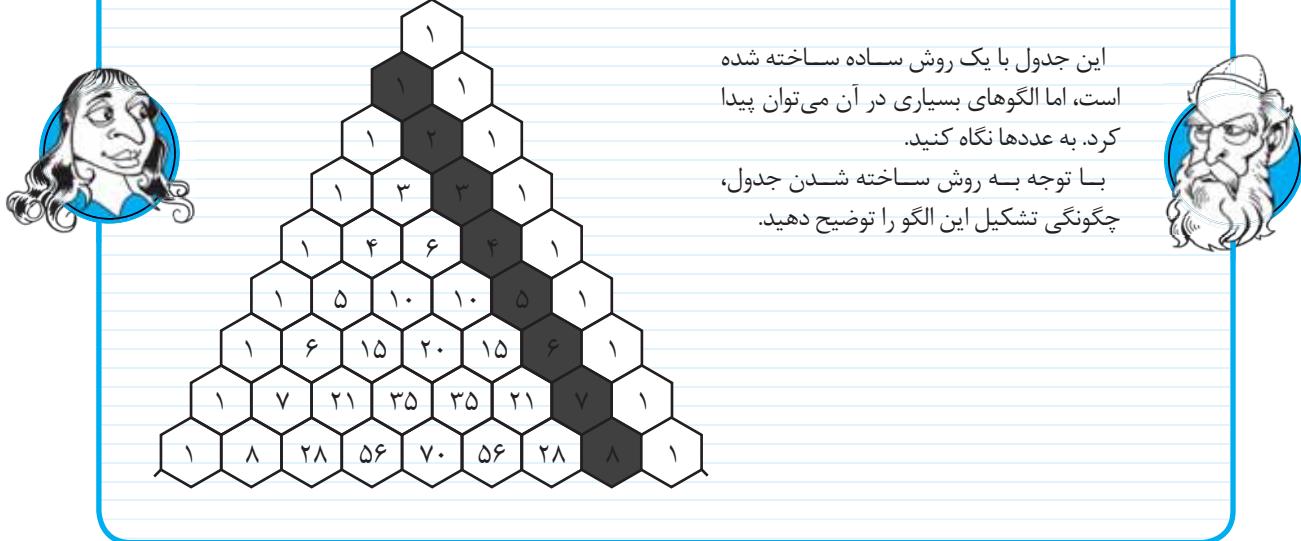
$$CCCXXI \square \times \square \square = CMLXXI \square$$

معمای سوم. به محض اینکه خواستی از این بنای تاریخی بیرون بروی، جای خالی ۱۰ موزاییک را در ورودی توجه تو را جلب می‌کند. تصمیم می‌گیری که موزاییک‌ها را پیدا کنی و خوش‌بختانه می‌توانی پس از کمی کندن خاک، هر ۱۰ تای آن‌ها را پیدا کنی. با نگاه کردن به موزاییک‌ها، سریع متوجه می‌شوی که آن‌ها یک عدد را نمایش می‌دهند که احتمالاً سال اتمام ساخت بنا در گذشته است.

آیا می‌توانی بفهمی که این ۱۰ موزاییک چه عددی را نمایش می‌دادند؟^{۱۳}



همه چیز درباره مثلث خیام-پاسکال



این جدول با یک روش ساده ساخته شده است، اما الگوهای بسیاری در آن می‌توان پیدا کرد. به عده‌ها نگاه کنید، با توجه به روش ساخته شدن جدول، چگونگی تشکیل این الگورا توضیح دهید.